構造設計

撹拌槽や分離塔などの塔槽類は、胴(シェル)と鏡板(ヘッド)からなる円筒容器であり、これらは圧力容器と呼ばれる。圧力容器の基本的な役割は、容器が内側と外側から圧力を受ける中、内部液が外部に漏れるのを防ぐことにある。そのためには、塔槽類に必要とされる機械的強度、たとえばプラント部材の板厚や撹拌軸の強度を見積もることが肝要となる。塔型の場合は、耐風設計や耐震設計も重要となる。

1. 撹拌槽の寸法設計[文献 1, 2]

鏡板付き槽型圧力容器の設計式を用いる。鏡板(かがみいた)には、全半球形、半楕円形、皿形、円錐体 形などがあり、それぞれに対応した設計式がある。



図1.1 撹拌槽の幾何学的形状

AL:接液面積, AT:満水時接液面積, b:撹拌翼幅, B_w:邪魔板幅, C:翼取付位置, d:撹拌翼径, d_{co}:コイル管外径, D_c:コイル中心径, DT:槽径, H:液深, hT:鏡板高さ, LT:胴長, n_B:邪魔板枚数, n_p:羽根枚数, p_c:コイル管間隔, t_h: 鏡板の板厚, t_T:胴の板厚, V_L:液体積, V_T:満水時液体積(槽容積), Z_T:槽深

表 1.1a 鏡板付き円筒撹拌槽の標準寸法(槽容積/液体積比=1.5,液深/槽径比=1の場合)

鏡板の別	$V_{\rm L}/\pi D_{\rm T}^3$	$A_{\rm L}/\pi D_{\rm T}^2$	$V_{\rm T}/\pi D_{\rm T}^3$	$A_{\mathrm{T}}/\pi D_{\mathrm{T}}^2$	$Z_{\rm T}/D_{\rm T}$	$L_{\rm T}/D_{\rm T}$	$h_{ m T}/D_{ m T}$
全半球形	0.29166	1.500	0.43749	2.0832	2.0832	1.0833	0.500
半楕円形	0.27083	1.440	0.40624	1.9816	1.7916	1.2916	0.250
皿形	0.26450	1.436	0.39675	1.9650	1.7230	1.3350	0.194

& Ⅰ. Ⅳ -	<u>;</u> 3
----------	------------

$d/D_{\rm T}^{*1}$	$C/D_{\rm T}^{*2}$	$b/D_{\rm T}$	$B_{ m w}/D_{ m T}$	$d_{\rm co}/D_{\rm T}$	$D_{\rm c}/D_{\rm T}$	$p_{ m c}/D_{ m T}$	$H/D_{\rm T}$	$n_{\rm p}^{*3}$	n _B
1/3 0.96	1/3 1/4 0.02	1/15	1/10	1/30	0.70	1/15	1	3 4 6	4

*1 d/DT=1/3(代表値)、0.96(アンカー翼・ヘリカルリボン翼)

*2 C/D_T=1/3(代表値)、1/4(固液系)、0.02(アンカー翼・ヘリカルリボン翼) *3 n_p=3(プロペラ翼)、4(パドル翼)、6(タービン翼)

槽容積-液体積比 $\alpha(=V_T/V_L)$ と液深-槽径比(H/D_T)は、設計値として与えられる。 α は、1.25~1.67 が目安 となる[文献 2]。槽径 D_T が決まると、表中の各寸法が求まる。接液面積 A_L は、ジャケットの伝熱面積に 相当する。

1. 1 全半球形鏡板槽(竪型)

満水時液体積(槽容積)V_T、満水時接液面積(全接液面積)A_T、槽深 Z_T、鏡板高さ h_T は、胴長-槽径比(L_T/D_T) を用いて次式で与えられる。

(全半球形) $\frac{V_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^{-3}} = \frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{6}$ ···(1.1.1) (全半球形) $\frac{A_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^{-2}} = \frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} + 1$ ···(1.1.2) (全半球形) $\frac{Z_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} + \frac{2h_{\rm T}}{D_{\rm T}}$ ···(1.1.3) (全半球形) $\frac{h_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \frac{1}{2}$ ···(1.1.4)

胴長 L_Tを液深 Hの変数と見なして次式が成り立つ。

$$h_{\rm T} + L_{\rm T} = H \qquad \cdots (1.1.5)$$

VTの式に代入すると液体積 VL、ATの式に代入すると接液面積 ALがそれぞれ導かれる。

槽容積と液体積の比を取ると、胴長-槽径比(LT/DT)が導かれる。

$$\frac{V_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^{-3}} / \frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{-3}} = \left(\frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{6}\right) / \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{24}\right) \quad \cdots (1.1.12)$$
$$\alpha \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{24}\right) = \frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{6} \quad \left[\frac{V_{\rm T}}{V_{\rm L}} \equiv \alpha\right] \quad \cdots (1.1.13)$$

1. 2 半楕円形鏡板槽(竪型)

満水時液体積(槽容積)V_T、満水時接液面積(全接液面積)A_T、槽深 Z_T、鏡板高さ h_T は、胴長-槽径比(L_T/D_T)を用いて次式で与えられる。

(半楕円形)
$$\frac{V_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^3} = \frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{12}$$
 ···(1.2.1)
(半楕円形) $\frac{A_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^2} = \frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} + 0.690$ ···(1.2.2)
(半楕円形) $\frac{Z_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} + \frac{2h_{\rm T}}{D_{\rm T}}$ ···(1.2.3)
(半楕円形) $\frac{h_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \frac{1}{4}$ ···(1.2.4)
胴長 $L_{\rm T}$ を液深 H の変数と見なして次式が成り立つ。

 $h_{\rm T} + L_{\rm T} = H \qquad \cdots (1.2.5)$

Vrの式に代入すると液体積 VL、Arの式に代入すると接液面積 ALがそれぞれ導かれる。

$$\frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \frac{H - h_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{12} \qquad \cdots (1.2.6)$$

$$\frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \frac{H}{4D_{\rm T}} - \frac{1}{16} + \frac{1}{12} \qquad \left[\frac{h_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \frac{1}{4}\right] \qquad \cdots (1.2.7)$$

$$(\text{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\maths}\mathsf{\maths}\mathsf{\maths}\maths{\maths}\mathsf{\maths}\mathsf{\maths}\mathsf{\maths}\mathsf{\mathsf{\mathsf{\maths}\maths\!\math}\maths{\mathsf{\math}\mathsf{\ma$$

槽容積と液体積の比を取ると、胴長-槽径比(LT/DT)が導かれる。

$$\frac{V_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^{-3}} / \frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{-3}} = \left(\frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{12}\right) / \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{48}\right) \quad \cdots (1.2.12)$$
$$\alpha \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{48}\right) = \frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{12} \quad \left[\frac{V_{\rm T}}{V_{\rm L}} \equiv \alpha\right] \quad \cdots (1.2.13)$$

$$\frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} = \alpha \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + \frac{1}{48}\right) - \frac{1}{12} \quad \cdots (1.2.14)$$
(半楕円形)
$$\frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \alpha \left(\frac{H}{D_{\rm T}} + \frac{1}{12}\right) - \frac{1}{3} \quad \cdots (1.2.15)$$

1. 3 皿形鏡板槽(竪型)

満水時液体積(槽容積)V_T、満水時接液面積(全接液面積)A_T、槽深 Z_T、鏡板高さ h_T は、胴長-槽径比(L_T/D_T)を用いて次式で与えられる。

 $(\blacksquare \mathbb{H}) \quad \frac{V_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + 0.063 \quad \cdots (1.3.1)$

$$(IIII \mathcal{H}) \quad \frac{A_{\rm T}}{\pi {D_{\rm T}}^2} = \frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} + 0.630 \quad \cdots (1.3.2)$$

$$(\blacksquare \mathbb{H}) \quad \frac{Z_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} + \frac{2h_{\rm T}}{D_{\rm T}} \quad \cdots (1.3.3)$$

$$(\blacksquare \mathbb{H})$$
 $\frac{h_{\rm T}}{D_{\rm T}} = 0.194$...(1.3.4)

胴長 LTを液深 Hの変数と見なして次式が成り立つ。

$$h_{\rm T} + L_{\rm T} = H \qquad \cdots (1.3.5)$$

VTの式に代入すると液体積 VL、ATの式に代入すると接液面積 ALがそれぞれ導かれる。

$$\frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \frac{H - h_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + 0.063 \quad \cdots (1.3.6)$$

$$\frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \frac{H}{4D_{\rm T}} - 0.0485 + 0.063 \quad \left[\frac{h_{\rm T}}{D_{\rm T}} = 0.194\right] \quad \cdots (1.3.7)$$

$$(\square \mathbb{H}) \quad \boxed{\frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \frac{H}{4D_{\rm T}} + 0.0145} \quad \cdots (1.3.8)$$

$$\frac{A_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{2}} = \frac{H - h_{\rm T}}{D_{\rm T}} + 0.630 \quad \cdots (1.3.9)$$

$$\frac{A_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{2}} = \frac{H}{D_{\rm T}} - 0.194 + 0.630 \quad \left[\frac{h_{\rm T}}{D_{\rm T}} = 0.194\right] \quad \cdots (1.3.10)$$

$$(\square \mathbb{H}) \quad \boxed{\frac{A_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{2}} = \frac{H}{D_{\rm T}} + 0.436} \quad \cdots (1.3.11)$$

槽容積と液体積の比を取ると、胴長-槽径比(L_T/D_T)が導かれる。

$$\frac{V_{\rm T}}{\pi D_{\rm T}^{3}} / \frac{V_{\rm L}}{\pi D_{\rm T}^{3}} = \left(\frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + 0.063\right) / \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + 0.0145\right) \quad \cdots (1.3.12)$$
$$\alpha \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + 0.0145\right) = \frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} + 0.063 \quad \left[\frac{V_{\rm T}}{V_{\rm L}} \equiv \alpha\right] \quad \cdots (1.3.13)$$

$$\frac{L_{\rm T}}{4D_{\rm T}} = \alpha \left(\frac{H}{4D_{\rm T}} + 0.0145\right) - 0.063 \qquad \cdots (1.3.14)$$

(III.ŦŹ)
$$\frac{L_{\rm T}}{D_{\rm T}} = \alpha \left(\frac{H}{D_{\rm T}} + 0.0580\right) - 0.252 \qquad \cdots (1.3.15)$$

2. 撹拌槽の強度設計[文献 4-9]

2.1 垂直応力と鉛直応力

部材に対して外から加わる力を外力という。外力の種類には、部材に負荷を与える荷重(かじゅう)と 部材を支える反力がある。荷重の種類には、引張、圧縮、せん断などがあり、部材の一点に外力がかか る集中荷重と、部材全体に外力がかかる分布荷重とに区別される。分布荷重は、部材の自重のように位 置によらずどこも等しく外力がかかる場合と、水圧のように位置によって外力の大きさが異なる場合と がある。部材に外力を加えると、部材の内部で外力につり合う力が生じる。これを内力といい、[N]の単 位で表される。実用上は、単位面積あたりの内力、すなわち応力が用いられる。単位は、[N/m²]または[Pa] である。応力には、部材内部の断面に対して垂直に作用する垂直応力(あるいは、鉛直応力)と、水平に作 用するせん断応力がある。

いま、丸棒が外力 *P*[N]で両端から垂直方向に引っ張られているとする。この場合の丸棒に作用する外 力は、**引張荷重**とよばれる。このとき、部材内部のある位置で切り出した仮想的な断面では、部材断面 積あたりの荷重、すなわち応力が仮想断面に対して垂直かつ一様に分布して外力とつり合いを保ってい る。この場合の応力は、垂直応力となる。上と下の仮想断面にはたらく垂直応力の方向は、それぞれ荷 重と反対の方向になる。かりに同じ向きだと、仮想断面から部材が上と下とに勝手に分裂して移動して しまうことになる。そのようなことは、現実には起こらない。自分で鉛筆の両端を持って両手で引っ張 ってみたところで、鉛筆が自然と上と下へ分裂していくはずはないのだから。部材の断面積を*A*[m²]とす ると、垂直応力σ[N/m²]は、次式で表される。

 $\sigma = \frac{P}{A} \quad \cdots (2.1.1)$

引張の方向とは反対に、丸棒が上下から押さえつけられている場合の外力と部材内部に作用する応力は、 それぞれ**圧縮荷重・圧縮応力**と呼ばれる。

いま、横たわった丸棒を上と下から外力 P [N]ではさみこんで、ずらそうとしている。(部材を平行四辺 形状にゆがませようとしている。ハサミで切ろうとするのと同じ状況。刃の当たる位置が外力の作用点 となる。)この場合の丸棒に作用する外力は、**せん断荷重**とよばれる。このとき、部材内部のある位置で 切り出した仮想的な断面では、応力が仮想断面に対して水平かつ一様に分布して外力とつり合いを保っ ている。この場合の応力は、せん断応力となる。せん断応力 τ [N/m²]は、次式で表される。

$$\tau = \frac{P}{A} \quad \cdots (2.1.2)$$



図 2.1.1 応力の説明図

(左)垂直応力、(右)せん断応力

2. 2 許容応力

機械類は、使用時にかかる引張荷重に対して部材の強度が十分となるように設計される。また、荷重 が解消された後も、ひずみが残らないようにしている。安全が保証される引張荷重の最大値(ここまでの 荷重ならば、かけても十分に安全)を許容応力 σ_a [Pa]という。いま、部材に生じる引張応力が σ [Pa]であ るとき、部材が安全であるには次式が成り立つ必要がある。

 $\sigma \leq \sigma_{\rm a} \quad \cdots (2.2.1)$

許容応力 σ_aは、降伏点や引張強さなどの基準応力 σ_s [Pa]に基づき、それよりも十分に余裕を持たせて(値 を小さくして)設定される。工学的には、余裕分に相当する安全率 f[-]を基準応力より割り算して決定さ れる。

$$\sigma_{\rm a} = \frac{\sigma_{\rm s}}{f} \ [f>1.0] \ \cdots (2.2.2)$$

fが大きいほど設計上の余裕がある(機械的強度が高い)。どの程度余裕を持たせるか(fをいくらにするか) は、その製品の設計者が決める。一般には、静荷重がかかる場合は1桁、衝撃荷重がかかる場合は2桁 を取る。

2.3 薄肉円筒

直径 D_{T} [mm]、高さ L_{T} [mm]、板厚(いたあつ) t_{T} [mm]の薄肉円筒容器に内圧 P_{i} [MPa]または[N/mm²]が作 用するとき、円筒容器の壁内部には**軸応力** σ_{L} [MPa]と**円周応力**(または**フープ応力**) σ_{θ} [MPa]の2種類の引 張応力が生じる。このとき、内圧が円筒の断面に及ぼす力 F_{L} [N]は、次式で表される。

$$F_{\rm L} = P_{\rm i} \left(\frac{\pi D_{\rm T}^2}{4} \right) \quad \cdots (2.3.1)$$

この力は、軸応力のが円筒壁内部において軸方向に作用する力に等しい。

 $F_{\rm L} = \sigma_{\rm L}(\pi D_{\rm T} t_{\rm T}) \quad \cdots (2.3.2)$

双方の力はつりあっていることから、2式を等置すると、板厚 tr [mm]を得る。

$$\sigma_{\rm L}(\pi D_{\rm T} t_{\rm T}) = P_{\rm i} \left(\frac{\pi D_{\rm T}^2}{4}\right) \quad \cdots (2.3.3)$$
$$t_{\rm T} = \frac{P_{\rm i} D_{\rm T}}{4\sigma_{\rm L}} \quad \cdots (2.3.4)$$

一方、内圧が円筒の投影面(投影面積 $D_{T}L_{T}$)に及ぼす力 F_{θ} [N]は、次式で表される。 $F_{\theta} = P_{i}D_{T}L_{T}$ …(2.3.5)

この力は、円周応力 のが円筒壁内部において円周方向に作用する力に等しい。

 $F_{\theta} = 2\sigma_{\theta}L_{\rm T}t_{\rm T} \qquad \cdots (2.3.6)$

双方の力はつりあっていることから、2式を等置すると、板厚 tr [mm]を得る。

$$2\sigma_{\theta}L_{T}t_{T} = P_{i}D_{T}L_{T} \quad \cdots (2.3.7)$$

$$t_{T} = \frac{P_{i}D_{T}}{2\sigma_{\theta}} \quad \cdots (2.3.8)$$

板厚 tr の2式を等置すると、次式が導かれる。

$$\frac{P_{i}D_{T}}{4\sigma_{L}} = \frac{P_{i}D_{T}}{2\sigma_{\theta}} \qquad \cdots (2.3.9)$$

$$\overline{\sigma_{\theta}} = 2\sigma_{L} \qquad \cdots (2.3.10)$$

板厚の計算には、円周応力 σθのみを求めればよい。



図 2.3.1 薄肉円筒にかかる引張応力[文献 9]

2.4 胴の板厚

内圧を保持する円筒胴の板厚 tr [mm]について、JIS 規格(日本産業規格)と ASME 規格(米国機械学会規格)では、円周応力基準の板厚式を修正した次式を規定している。

(円筒胴, JIS/ASME) $t_{\rm T} = \frac{P_{\rm i}D_{\rm T}}{2\sigma_{\rm a}\eta - 1.2P_{\rm i}} + \alpha_{\rm c}$ …(2.4.1)

ただし、 D_{T} は槽内径[mm]、 P_{i} は設計圧力[MPa]、 t_{T} は板厚[mm]、 a_{c} は腐れ代(くされしろ)[mm]、 η は溶接継手(つぎて)効率[-]、 σ_{a} は許容引張(ひっぱり)応力[MPa]または[N/mm²]。

溶接による継ぎ目がない場合は、η を1にとる。腐れ代は、腐食や摩耗に対する板厚の余裕であり、1 mm 以上取る。

円錐胴の板厚は、次式で与えられる。

(円錐胴, JIS/ASME)
$$t_{\rm T} = \frac{P_{\rm i}D_{\rm T}}{2\cos\theta(\sigma_{\rm a}\eta - 0.6P_{\rm i})} + \alpha_{\rm c}$$
 ···(2.4.2)

ただし、*θ*は円錐の頂角の2分の1の角度。 球形胴の板厚は、次式で与えられる。

(球形胴, JIS)
$$P_{i} \leq 0.665\sigma_{a}\eta \mathcal{O}$$
とき $t_{T} = \frac{P_{i}D_{T}}{2\cos\theta(\sigma_{a}\eta - 0.6P_{i})} + \alpha_{c}$ …(2.4.3)
 $P_{i} > 0.665\sigma_{a}\eta \mathcal{O}$ とき $t_{T} = \frac{D_{T}}{2}(\sqrt[3]{Y} - 1) + \alpha_{c}$ $\left[Y \equiv \frac{2(\sigma_{a}\eta + P_{i})}{2\sigma_{a}\eta - P_{i}}\right]$ …(2.4.4)

2.5 鏡板の板厚

内圧を保持する鏡板の板厚かは、次式で与えられる。

(全半球形, ASME)
$$t_{\rm h} = \frac{P_{\rm i}D_{\rm T}}{4\sigma_{\rm a}\eta - 0.4P_{\rm i}} + \alpha_{\rm c}$$
 ····(2.5.1)

(半楕円形, JIS)
$$t_{\rm h} = \frac{P_{\rm i} D_{\rm T} K_{\rm h}}{2\sigma_{\rm a} \eta - 0.2P_{\rm i}} + \alpha_{\rm c} \left[K_{\rm h} = \frac{1}{6} \left\{ 2 + \left(\frac{D_{\rm T}}{2h_{\rm T}} \right)^2 \right\} \right] \quad \cdots (2.5.2)$$

ただし、K_hは半楕円形鏡板の形状係数。

(半楕円形, ASME)
$$t_{\rm h} = \frac{P_{\rm i}D_{\rm T}}{2\sigma_{\rm a}\eta - 0.2P_{\rm i}} + \alpha_{\rm c}$$
 …(2.5.3)
(皿形, JIS) $t_{\rm h} = \frac{P_{\rm i}D_{\rm T}M_{\rm h}}{2\sigma_{\rm a}\eta - 0.2P_{\rm i}} + \alpha_{\rm c}$ $\left[M_{\rm h} \equiv \frac{1}{4}\left(3 + \sqrt{\frac{R_{\rm c}}{r_{\rm k}}}\right)\right]$ …(2.5.4)
10% 皿形鏡板のとき $\frac{r_{\rm k}}{R_{\rm c}} = 0.1$



ただし、 M_h は皿形鏡板の形状係数、 R_c は皿形鏡板の中央球形部の内半径(クラウン径)[mm]、 r_k は皿形鏡板のすみの丸みの内半径(ナックル径)[mm]。

(皿形, ASME) $t_{\rm h} = \frac{0.885 P_{\rm i} R_{\rm c}}{\sigma_{\rm a} \eta - 0.1 P_{\rm i}} + \alpha_{\rm c}$ …(2.5.5) 10%皿形鏡板のとき $R_{\rm c} = D_{\rm T}$

許容引張応力 σ_aは、装置材質と使用温度によって異なる。 溶接継手効率 η [-]は、継手形式と放射線透過試験区分によって異なる(JIS)。



図 2.5.1 代表的な圧力容器用鉄鋼材料の許容引張応力線図[文献 7]

沙 千形士	放射線透過試験区分						
淞于形式	100%	20%	スポット	なし			
片側突合せ溶接	1.00	0.95	0.85	0.70			
両側突合せ溶接	0.90	0.85	0.80	0.65			

表 2.5.1 溶接継手効率[文献 7]

3. 撹拌部の設計

3. 1 撹拌翼とフローパターン

(ア)プロペラ翼 翼のひねりの部分で液を底面方向へ押し当てる流れ(軸流)を与え、槽内に大きな循環 流を形成する。プロペラ翼や傾斜パドル翼のように、軸流型の翼は、固体粒子の沈降防止に適している。 翼径は比較的小さく、回転数を高めにとることが多い。吐出作用は高いが、せん断作用は低い。 (イ)平板(ひらいた)パドル翼 液を側面方向へ押し当てる流れ(輻射流)を与え、槽内の上部と下部で四 つ葉様のフローパターンを形成する。翼径を大きくして低めの回転数で用いることが多い。翼径を大き く取れるため、アンカー翼のように槽壁近傍の流れが良好となり、ジャケット型での伝熱促進に適して いる。また、液体同士の混合にもよく用いられる。吐出作用は高いが、せん断作用は低い。

(ウ) 傾斜パドル翼 プロペラ翼のようにひねりの部分で液を底面方向へ押し出すため、輻射流に加えて 軸流を与えることができる。固体粒子の沈降防止に適している。

(エ) 平板タービン翼 パドル翼のような輻射流型のフローパターンを形成する。プロペラ翼やパドル翼 よりもせん断作用が高いことから、通気撹拌や乳化など、気泡や液滴の分散を伴う操作に適している。 翼がひねられた傾斜タービン翼は、輻射流に加えて軸流を形成する。

(オ)ファウドラー翼 横から見てV字型の形状になっている。槽底近くまで撹拌翼を下げることができるため、固体粒子の沈降防止に適している。

(カ)アンカー翼 高粘性液体の混合や固体粒子浮遊の目的で用いられる。翼径が大きく、槽壁をかき取る形状をしているため、槽の壁面近傍の流速を大きくとれて、流体ー槽壁間の境膜厚みが薄くなる。ジャケット型での伝熱促進に適している。ほぼ水平方向のみの撹拌であり、上下方向の撹拌が望めないため、液混合の均一性はあまり良くない。槽中心部の混合も悪い。

(キ)リボン翼 アンカー翼同様、高粘性液体の撹拌に用いる。翼の高さは、槽底から液面まであり、アンカー翼の課題である上下方向の撹拌が良好となる。

代表的なフローパターンには、**旋回流型、軸流型、放射流型**がある。軸流型はプロペラ翼、放射流型 はパドル翼やタービン翼が代表的だが、条件次第で混合挙動は異なる。なお、邪魔板(じゃまいた)が挿入 されないと、旋回流が生じて、液面が大きくくぼむ。そのようなフローパターンは、ただ流れに乗って ぐるぐると回るだけであり、混ざりが悪い。邪魔板を挿入することで、旋回流と液面のくぼみが解消さ れ、適切なフローパターンが形成されて、混合が良くなる。



図 3.1.1 代表的な撹拌翼



図 3.1.2 邪魔板の効果と典型的なフローパターン

3. 2 撹拌軸径<mark>[文献 10]</mark>

最大ねじり応力 Tmax が許容せん断応力 Ta以下を満たすような撹拌軸径 dsを求める。

 $\tau_{\max} = \frac{T}{Z_{\rm P}} \le \tau_{\rm a} \qquad \cdots (3.2.1)$

ただし、Tはトルク(回転力)[$\mathbf{N} \cdot \mathbf{m}$]、 Z_p は断面係数。 中実丸棒の場合、撹拌軸径 d_s は次式のように導かれる。

$$\frac{T}{\pi D^3 / 16} \le \tau_a \quad \left[Z_P = \frac{\pi d_s^3}{16} \right] \quad \dots (3.2.2)$$
$$16T \le \pi \tau_s d_s^3 \quad \dots (3.2.3)$$

$$d_{\rm s} \ge \sqrt[3]{\frac{16T}{\pi\tau_{\rm a}}} \qquad \cdots (3.2.4)$$

下限値を撹拌軸径の設計値とする。

$$d_{\rm s} = \sqrt[3]{\frac{16T}{\pi\tau_{\rm a}}} \qquad \cdots (3.2.5)$$

許容せん断応力 t_aは、許容引張応力 σ_aの 0.8 倍とする。[文献 7]

トルク *T*は、次式のようにして導かれる。撹拌軸の消費動力(**撹拌所要動力**)*P*[W]は、撹拌翼が液に対し て行う仕事 *W*[J]と時間 *t*[s]の比で定義される。仕事 *W*は、液に及ぼす外力 *F*[N]と翼が1回転する際に 描く周長 2*πr*_s[m]の積で表される。

$$P = \frac{W}{t} = \frac{F \times 2\pi r_{\rm s}}{1/n} = 2\pi n (r_{\rm s} \times F) = 2\pi nT \qquad \cdots (3.2.6)$$

ただし、nは撹拌翼の回転速度(撹拌速度)[1/s]、rsは撹拌軸半径[m]、Tはトルク(回転力)[N·m]。

上式より、トルクTは次式となる。

$$P = \omega T \qquad \cdots (3.2.7)$$

$$\boxed{T = \frac{P}{\omega}} \qquad \left[\omega \equiv \frac{2\pi}{1/n} = 2\pi n \right] \qquad \cdots (3.2.8)$$

ただし、 ω は角速度[rad/s]であり、単位時間あたりの角度変化を表す($\omega=\Delta\theta/\Delta t$)。たとえば、観覧車が一周 するまでの所要時間を測定して、それを 360°=2 π [rad]から割り算すると、その観覧車の角速度が分かる。 撹拌操作の場合は、撹拌翼 1 回転分の角度 2 π [rad]を 1 回転の所要時間 1/n [s]で割った値で表される。1 秒あたりの翼回転数である撹拌速度 n [1/s]は、自由に設定することができる。

3. 3 危険回転数[文献 3, 11, 12]

回転中の撹拌軸には、たわみが生じる。軸の固有振動数と撹拌機の回転数が合致する**危険回転数**になると、共振を起こして振動が激しくなり、軸を破損する危険性が高まる。したがって、撹拌回転数 n [1/s]は、危険回転数 N_e [1/s]以下となるように設定される必要がある。

$$N_{\rm c} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{3EI\ell_1}{m\ell^3(\ell_1 + S)}} \qquad \left[I = \frac{\pi d_{\rm s}^4}{64}\right] \qquad \cdots (3.3.1)$$
$$m\ell^3 = \frac{33}{140} m_{\rm s} \ell_1^3 + \sum_{i=1}^n (m_i \ell_i^3) \qquad \cdots (3.3.2)$$

ただし、Eは縦弾性係数(ヤング率)[Pa]、Iは断面二次モーメント [m⁴]、 m_i は槽底からi段目にある撹拌翼の質量[kg]、 m_s は撹拌軸 質量[kg]、 ℓ_i は軸受と槽底からi段目にある撹拌翼の間隔[m]、Sは軸受間隔[m]。



3.4 原動機の選定

原動機の所要動力 P_M [W]は、撹拌機の軸動力(撹拌所要動力)P [W]を用いて次式で表される。

$$P_{\rm M} = \frac{P}{\eta_{\rm MT}} \qquad \cdots (3.4.1)$$

ただし、η_{MT}は原動機や減速機の機械的損失分と操作上の余裕を含めた総合効率[-]であり、機械的損失 10%と操作上の余裕 20%を見込んで 0.7 とする。[文献 13, 14]

原動機の市販規格を以下に示す。計算値よりもひとまわり大きい規格を選定する。

0.2, 0.4, 0.75, 1.5, 2.2, 3.7, 5.5, 7.5, 11, 15, 18.5, 22, 30, 37, 45, 55, 75, 90, 110, 132, 160 kW

3.5 撹拌機の軸動力[文献 15, 16]

円筒容器に液体を入れて機械的な撹拌操作を行う。このとき、撹拌翼の微小部分が受ける微小抗力 dR_f [N]は、次式で表される。

 $dR_{f} = C_{1}A(\rho u^{2}/2) = C_{1}(bdr)(\rho/2)(2\pi rn)^{2} \cdots (3.5.1)$

ただし、 C_1 は定数[-]、bは翼幅[m]、rは撹拌軸中心からの距離[m]、 ρ は液密度[kg/m³]。 r=ad、 $b=\beta d$ (0 $\leq \alpha, \beta \leq 1/2$)と置くと、上式は次式のように表される。

 $dR_f = C_2(\rho n^2 d^4) \alpha^2 d\alpha \quad \cdots (3.5.2)$

ただし、 $\alpha \ge \beta$ は定数[-]。

撹拌翼の微小部分に作用する微小トルク dT は、次式で表される。

 $dT = r dR_f$...(3.5.3)

dR_fの式を代入して積分すると、翼全体に作用するトルクを得る。

$$T = \rho n^2 d^5 \left[2 \int_0^{1/2} C_2 \alpha^3 d\alpha \right] \quad \cdots (3.5.4)$$
$$T = \rho n^2 d^5 \int_0^1 C_2 \alpha^3 d\alpha \quad \cdots (3.5.5)$$



*T*の式の積分項に2を乗じる理由は、撹拌軸を中心に左右両側の羽根にトルクが作用するためである。 撹拌機の軸動力*P*[W]は、トルク*T*[N·m]を用いて次式で表される。

 $P = \omega T = 2\pi nT$ …(3.5.6) Tの式を代入すると、撹拌条件因子を含む軸動力 Pを得る。

$$P = 2\pi n \left[\rho n^2 d^5 \int_0^1 C_2 \alpha^3 d\alpha \right] \quad \cdots (3.5.7)$$
$$P \propto \rho n^3 d^5 \int_0^1 C_2 \alpha^3 d\alpha = \frac{C_2}{4} (\rho n^3 d^5) \quad \cdots (3.5.8)$$

$$P = N_{\rm P} \rho n^3 d^5 \qquad \cdots (3.5.9)$$

ただし、NPは動力数[-]。

動力数 Npは、撹拌レイノルズ数 Re を求めて、動力特性曲線より読み取る。

$$Re = \frac{\rho n d^2}{\mu} \qquad \cdots (3.5.10)$$

ただし、*μ*は液粘度[Pa·s]。

4. 伝熱部の設計

4.1 伝熱面積

ジャケットの伝熱面積 $A_{\rm J}$ [m²]は、撹拌槽の接液面積 $A_{\rm L}$ [m²]に等しいものとする。[文献 17, 18] (全半球形鏡板槽) $A_{\rm J} = \pi D_{\rm T}^2 \left(\frac{H}{D_{\rm T}} + \frac{1}{2} \right)$ …(4.1.1) (半楕円形鏡板槽) $A_{\rm J} = \pi D_{\rm T}^2 \left(\frac{H}{D_{\rm T}} + 0.440 \right)$ …(4.1.2) (皿形鏡板槽) $A_{\rm J} = \pi D_{\rm T}^2 \left(\frac{H}{D_{\rm T}} + 0.436 \right)$ …(4.1.3)

(平底円筒槽)
$$A_{\rm J} = \pi D_{\rm T} H + \frac{\pi D_{\rm T}^2}{4}$$
 …(4.1.4)

ただし、 D_T は槽径[m]、Hは液深[m]。

コイルの伝熱面積 A_c[m²]、長さ L_c[m]、巻き数 N_c[-]は、次式で表される。[文献 19]



イル中心径[m]、p。はコイル管間隔[m]。

①伝熱量 熱収支式より求める。撹拌液側を基準とする場合は、次式となる。

(加熱時)
$$Q = \frac{MC_{p}(T_{f} - T_{0}) + \Delta H}{\tau_{H}}$$
 ····(4.1.8)
(冷却時) $Q = \frac{MC_{p}(T_{0} - T_{f}) + \Delta H}{\tau_{C}}$ ····(4.1.9)

ただし、 C_p は撹拌液の比熱容量[J/(kg·K)]、Mは撹拌液の質量[kg]、Qは伝熱量[W]、 ΔH は相変化に伴う 潜熱[J]、 τ は伝熱時間[s]。

伝熱媒体側を基準とする場合は、伝熱媒体の温度変化に着目する。

(加熱時)
$$Q = W_{hc}C_{ph}(T_{10,av} - T_{1f,av}) = W_{hc}C_{ph}\Delta T \quad \left[\Delta T \equiv T_{10,av} - T_{1f,av}\right] \quad \cdots (4.1.10)$$

(冷却時) $Q = W_{hc}C_{ph}(T_{1f,av} - T_{10,av}) = W_{hc}C_{ph}\Delta T$ $\left[\Delta T \equiv T_{1f,av} - T_{10,av}\right]$ ····(4.1.11)

$$\left[T_{10,av} \equiv \frac{T_{in} + T_{out,0}}{2}, T_{1f,av} \equiv \frac{T_{in} + T_{out,f}}{2} \right]$$

ただし、*C*_{ph} は伝熱媒体の比熱容量[J/(kg·K)]、*W*_{hc} はコイル管内を流れる伝熱媒体の質量流量[kg/s]、Δ*T* は伝熱媒体の装置出入口における平均温度変化[K]、添え字1は伝熱媒体側、in は入口側、out は出口側、0 は初期、f は最終、av は算術平均。

回分操作の場合、撹拌液温度 T が時間変化するため、伝熱媒体の出口温度 Tout も時間変化する。ここでは、 1 バッチ中の平均温度変化ΔT を用いて、近似的に定数扱いとする。

コイル管内を流れる伝熱媒体の質量流量 Whc [kg/s]は、次式で表される。

$$W_{\rm hc} = \rho_{\rm h} u_{\rm hc} S_{\rm c} \quad \left[S_{\rm c} \equiv \frac{\pi d_{\rm ci}^2}{4} \right] \quad \cdots (4.1.12)$$

ただし、 d_{ci} はコイル管内径[m]、 S_c はコイル管断面積[m²]、 u_{hc} はコイル管内を流れる伝熱媒体の平均流速 [m/s]、 ρ_h は伝熱媒体の密度[kg/m³]。

コイル管内にスチームを流して加熱する場合のコイルの伝熱速度Q[W]は、次式で表される。

 $Q = S\lambda_{\rm V} \quad \cdots (4.1.13)$

$$S = \rho_{\rm h} u_{\rm cs} S_{\rm c}$$
 ...(4.1.14)

ただし、Sはスチーム流量[kg/s]、 u_{cs} はコイル管内のスチーム流速[m/s]、 λ_V は蒸発潜熱[J/kg]。 ②対数平均温度差 伝熱の推進力である温度差 ΔT が時間や場所によって変化する場合に用いる。次式の

ように、温度差の最大値 $\Delta T_{
m max}$ と最小値 $\Delta T_{
m min}$ をとって定数とする。

$$\Delta T_{\rm lm} = \frac{\Delta T_{\rm max} - \Delta T_{\rm min}}{\ln \left(\Delta T_{\rm max} / \Delta T_{\rm min} \right)} \quad \cdots (4.1.15)$$

伝熱媒体の出口温度が操作中に変化しない場合は、次式となる。

(加熱時)
$$\Delta T_{\rm lm} = \frac{(T^* - T_0) - (T^* - T_{\rm f})}{\ln[(T^* - T_0)/(T^* - T_{\rm f})]}$$
 …(4.1.16)

(冷却時)
$$\Delta T_{\text{lm}} = \frac{(T_0 - T^*) - (T_f - T^*)}{\ln[(T_0 - T^*)/(T_f - T^*)]}$$
 …(4.1.17)

伝熱媒体の出口温度が操作中に変化する場合は、次式となる。

(加熱時)
$$\Delta T_{\rm lm} = \frac{(T_{10,\rm av} - T_0) - (T_{1f,\rm av} - T_f)}{\ln[(T_{10,\rm av} - T_0)/(T_{1f,\rm av} - T_f)]} = \frac{\Delta T - (T_0 - T_f)}{\ln[(T_{10,\rm av} - T_0)/(T_{1f,\rm av} - T_f)]} \left[\Delta T \equiv T_{10,\rm av} - T_{1f,\rm av}\right] \cdots (4.1.18)$$

(治却時)
$$\Delta T_{\rm lm} = \frac{(T_0 - T_{10,\rm av}) - (T_{\rm f} - T_{1f,\rm av})}{\ln[(T_0 - T_{10,\rm av})/(T_{\rm f} - T_{1f,\rm av})]} = \frac{\Delta T - (T_{\rm f} - T_0)}{\ln[(T_0 - T_{10,\rm av})/(T_{\rm f} - T_{1f,\rm av})]} \left[\Delta T \equiv T_{1f,\rm av} - T_{10,\rm av}\right] \cdots (4.1.19)$$
$$\left[T_{10,\rm av} \equiv \frac{T_{\rm in} + T_{\rm out,0}}{2}, T_{1f,\rm av} \equiv \frac{T_{\rm in} + T_{\rm out,f}}{2}\right]$$

ただし、ΔT は装置出入口における伝熱媒体の平均温度変化(定数扱い)[K]、T*は伝熱媒体の平衡温度[K](ス チームの凝縮温度や恒温槽温度)、添え字1は伝熱媒体側、in は入口側、out は出口側、0 は初期、f は最 終、av は算術平均。

セルシウス度単位の数値を用いてΔ*T*_{lm}を計算する場合は、間違いを起こしやすいので注意する。すなわち、セルシウス度単位の計算結果に 273.15 を加えて絶対温度に変換してはならない。計算前に絶対温度に変換しておくと、間違いが起こりにくい。

③総括伝熱係数 次式より求める。境膜伝熱係数 h1 および h2 は、推算式より求める。

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_1} + \frac{1}{h_{s1}} + \frac{\ell_w}{k_w} + \frac{1}{h_{s2}} + \frac{1}{h_2} \qquad \cdots (4.1.20)$$

ただし、h は境膜伝熱係数[W/(m²·K)]、 h_s は汚れ係数[W/(m²·K)]、 k_w は固体壁の熱伝導度[W/(m·K)]、 ℓ_w は固体壁の厚み[m]、添え字1 は伝熱媒体液側、2 は撹拌液側、s はスケール。

4.2 総括伝熱係数





固体壁周りの各部位における温度差は、対流伝熱速度 Q[W]を用いて次のように表される。

(境膜1)
$$T_1 - T_{s1} = \frac{Q}{h_1 A_1}$$
 …(4.2.1)

$$(\mathcal{R} / \mathcal{T} - \mathcal{V} 1)$$
 $T_{s1} - T_{w1} = \frac{Q}{h_{s1}A_{s1}}$...(4.2.2)

(固体壁)

$$T_{\rm w1} - T_{\rm w2} = \frac{Q}{(k_{\rm w}/\ell_{\rm w})A_{\rm av}} \quad \cdots (4.2.3)$$

$$(\mathcal{R} / \mathcal{T} - \mathcal{V} 2)$$
 $T_{w2} - T_{s2} = \frac{Q}{h_{s2}A_{s2}}$...(4.2.4)

(境膜2)

$$T_{s2} - T_2 = \frac{Q}{h_2 A_2} \quad \cdots (4.2.5)$$

ただし、h は境膜伝熱係数[W/(m²·K)]、 h_s は汚れ係数[W/(m²·K)]、 k_w は固体壁の熱伝導度[W/(m·K)]、 ℓ_w は固体壁の厚み[m]、A は伝熱面積[m²]、添え字 s はスケール、av と w は固体壁。 上式を辺々加えると、基準1の総括伝熱係数 U_1 [W/(m²·K)]が導かれる。

$$Q = \frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{h_1 A_1} + \frac{1}{h_{s1} A_{s1}} + \frac{\ell_w}{k_w A_{av}} + \frac{1}{h_{s2} A_{s2}} + \frac{1}{h_2 A_2}} \cdots (4.2.6)$$

$$Q = \frac{\Delta T}{\frac{1}{A_1} \left[\frac{1}{h_1} + \frac{1}{h_{s1}} \left(\frac{A_1}{A_{s1}} \right) + \frac{\ell_w}{k_w} \left(\frac{A_1}{A_{av}} \right) + \frac{1}{h_{s2}} \left(\frac{A_1}{A_{s2}} \right) + \frac{1}{h_2} \left(\frac{A_1}{A_2} \right) \right]} \quad [\Delta T = T_1 - T_2] \quad \cdots (4.2.7)$$

$$Q = \frac{\Delta T}{\frac{1}{A_{l} \left[\frac{1}{h_{l}} + \frac{1}{h_{s1}} + \frac{\ell_{w}}{k_{w}} \left(\frac{A_{l}}{A_{av}}\right) + \frac{1}{h_{s2}} + \frac{1}{h_{2}} \left(\frac{A_{l}}{A_{2}}\right)\right]} \quad \left[A_{l}/A_{s1} \approx 1, A_{l}/A_{s2} \approx 1\right] \quad \dots (4.2.8)$$

$$Q = \frac{\Delta T}{\frac{1}{A_{l} \left[\frac{1}{h_{l}} + \frac{1}{h_{s1}} + \frac{\ell_{w}}{k_{w}} \left(\frac{\pi D_{l}L}{\pi D_{av}L}\right) + \frac{1}{h_{s2}} + \frac{1}{h_{2}} \left(\frac{\pi D_{l}L}{\pi D_{2}L}\right)\right]} \quad \left[A = \pi DL\right] \quad \dots (4.2.9)$$

ただし、*L*は装置長[m]。

$$Q = \frac{\Delta T}{\frac{1}{A_{l} \left[\frac{1}{h_{l}} + \frac{1}{h_{s1}} + \frac{\ell_{w}}{k_{w}} \left(\frac{D_{l}}{D_{av}}\right) + \frac{1}{h_{s2}} + \frac{1}{h_{2}} \left(\frac{D_{l}}{D_{2}}\right)\right]} \cdots (4.2.10)$$

$$Q = U_{1}A_{l}\Delta T \cdots (4.2.11)$$

$$\frac{1}{U_{1}} = \frac{1}{h_{l}} + \frac{1}{h_{s1}} + \frac{\ell_{w}}{k_{w}} \left(\frac{D_{l}}{D_{av}}\right) + \frac{1}{h_{s2}} + \frac{1}{h_{2}} \left(\frac{D_{l}}{D_{2}}\right) \left[D_{av} = \frac{D_{l} + D_{2}}{2}\right] \cdots (4.2.12)$$

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_{l}} + \frac{1}{h_{s1}} + \frac{\ell_{w}}{k_{w}} + \frac{1}{h_{s2}} + \frac{1}{h_{2}}\right] \left[U = U_{1}, D_{l}/D_{av} \approx 1, D_{l}/D_{2} \approx 1\right] \cdots (4.2.13)$$

同様にして、基準2の総括伝熱係数 U₂ [W/(m²·K)]が導かれる。

参考文献

- [1] 大野光之; 円筒容器内の液容量と接液面積, 化学装置 32(10), 55-67(1990)
- [2] 大野光之; 初歩から学ぶ化学装置設計, 工業調査会(2009),9章 撹拌装置
- [3] J.R. Couper, W.R. Penny, J.R. Fair; Chemical Process Equipment: Selection and Design 3rd Ed., Butterworth-Heinemann(2012), Chapter 10 Mixing and Agitation
- [4] 大原良友; トコトンやさしい圧力容器の本, 日刊工業新聞社(2015),4章 圧力容器の設計
- [5] 紙屋 保; 化学装置構造設計法, 工学図書(1965), 3 章 圧力容器
- [6] 小林 英男; 圧力容器の構造と設計, 日本規格協会(2011), 10.1 章 圧力容器の胴及び鏡板
- [7] 日本規格協会; JIS ハンドブック 17 圧力容器・ボイラ,日本規格協会(2016), B8265
- [8] G. Towler, R. Sinnott; Chemical Engineering Design 2nd Ed., Butterworth-Heinemann (2012), Chapter 14 Design of pressure vessels
- [9] E.F. Megyesy, P. Buthod; Pressure Vessel Handbook 14th Ed., PV Publishing(2008), PART1 1. Vessels under internal pressure
- [10] 有光 隆; これならわかる図解でやさしい入門材料力学(第2版), 技術評論社(2020)
- [11] 山本一夫, 西野宏; 撹拌技術, 佐竹化学機械工業(1992), 7 章 攪拌機の構造設計
- [12] 化学工業社編; 化学装置の構造設計 別冊化学工業 17-6, 化学工業社(1973), pp.109-127
- [13] 山本一夫, 西野宏; 撹拌技術, 佐竹化学機械工業(1992), 6 章 撹拌機の選定手法
- [14] 寺尾昭二; 撹拌技術の基礎と実際(月刊・化学装置 2008 年 4 月号), 工業調査会(2008), pp.17-59
- [15] 大山義年; 化学工学 II, 岩波(1963), pp.186-190
- [16] 化学工学協会編; 化学工学便覧 改訂四版, 丸善(1978), 18 章 撹拌および混合
- [17] 大野光之; 円筒容器内の液容量と接液面積, 化学装置 32(10), 55-67(1990)
- [18] 大野光之; 初歩から学ぶ化学装置設計, 工業調査会(2009),9 章 撹拌装置
- [19] D.R. Moss, M.M. Basic; Pressure Vessel Design Manual 4th Ed., Butterworth-Heinemann (2013), Procedure 5-6 Design pipe coils for heat transfer